

Interrogation n°8 de SPC

Calculatrices autorisées

Fonctionnement d'un airbag

Un airbag, ou coussin gonflable de sécurité, est une membrane ou enveloppe flexible dans laquelle un gaz est très rapidement injecté par une transformation chimique explosive pour gonfler l'enveloppe et ainsi amortir un choc. Les airbags sont principalement utilisés dans les automobiles pour protéger les passagers lors d'une collision et ainsi leur éviter une décélération excessive en percutant certains accessoires de la voiture.

Donnée :

Dans les expériences de laboratoire, l'accélération est souvent exprimée en g , correspondant à la valeur : $g = 9,81 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$.

Partie 1. Étude d'un circuit RC et application à un détecteur de choc

Les airbags sont déclenchés par une chaîne électronique utilisant un capteur d'accélération, tel que l'accéléromètre MEMS (Micro-Electro-Mechanical-System).

Le but de cette partie est de montrer qu'un MEMS se comporte comme un circuit RC.

- On s'intéresse à la réponse d'un circuit RC soumis à un signal d'entrée $u_G(t)$ ayant la forme d'une tension en créneaux.

Cette tension en créneaux prend alternativement des valeurs E et 0 V , sa période est notée T .

Le schéma de la figure 1 en propose une représentation.



Figure 1. Signal d'entrée $u_G(t)$ et schéma électrique du circuit

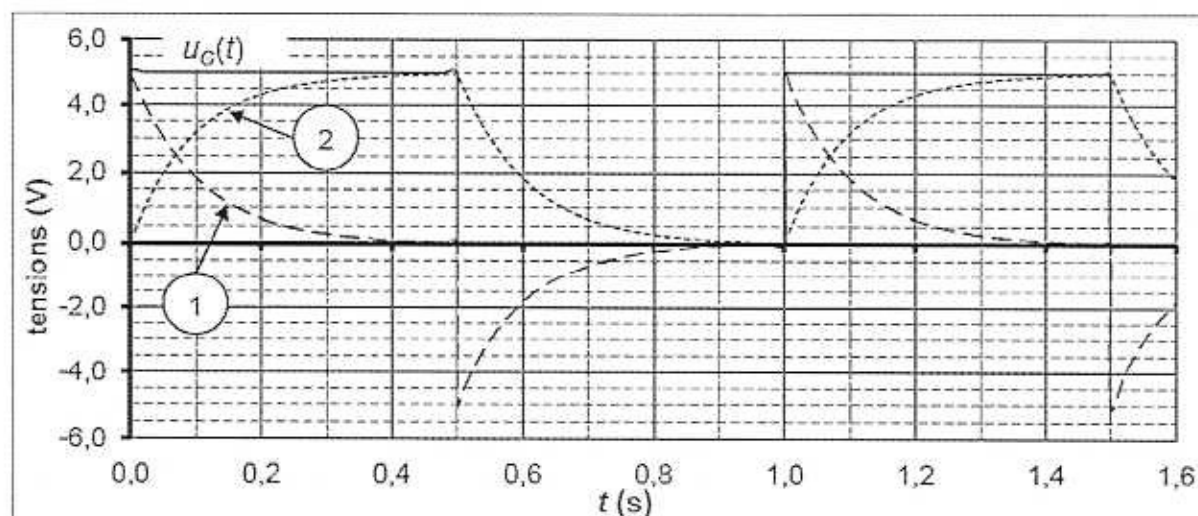


Figure 2. Représentation temporelle simulée des tensions $u_G(t)$, $u_C(t)$ et $u_R(t)$.

- 1.1. À l'aide de la figure 2, déterminer la valeur de E ainsi que celle de la fréquence f de la tension en créneau $u_G(t)$.
 - 1.2. Établir l'expression de l'intensité $i(t)$ du courant circulant dans le circuit en fonction de C et $\frac{du_C(t)}{dt}$.
 - 1.3. À $t = 0$ s, la tension $u_G(t)$ passe de 0 V à E . Le condensateur est initialement déchargé.
On étudie dans cette question la phase de charge du condensateur entre $t = 0$ s et $t = \frac{T}{2}$.
 - 1.3.1. Établir l'équation différentielle vérifiée par la tension $u_C(t)$ aux bornes du condensateur lorsque $u_G(t) = E$.
 - 1.3.2. Vérifier que $u_C(t) = E \left(1 - \exp\left(-\frac{t}{RC}\right) \right)$ est solution de l'équation différentielle.
 - 1.3.3. À partir de l'expression de $u_C(t)$, montrer que $u_R(t) = -E \exp\left(-\frac{t}{RC}\right)$.
 - 1.4. Associer les courbes 1 et 2 de la figure 2 aux tensions $u_C(t)$ et $u_R(t)$. Justifier.
 - 1.5. Les représentations temporelles de ces tensions ont été simulées avec $C = 1 \mu\text{F}$. Estimer la valeur de la résistance R en explicitant la méthode.
2. L'accéléromètre MEMS est constitué d'une partie mobile qui, soumise à une accélération, entraîne le déplacement de l'armature commune aux deux condensateurs. En l'absence d'accélération, chaque condensateur a une capacité C . On considère un déplacement de l'accéléromètre MEMS suivant Ox , lorsqu'il est soumis à une accélération, leurs capacités prennent respectivement les valeurs C_1 et C_2 comme l'illustrent les schémas de la figure 3.

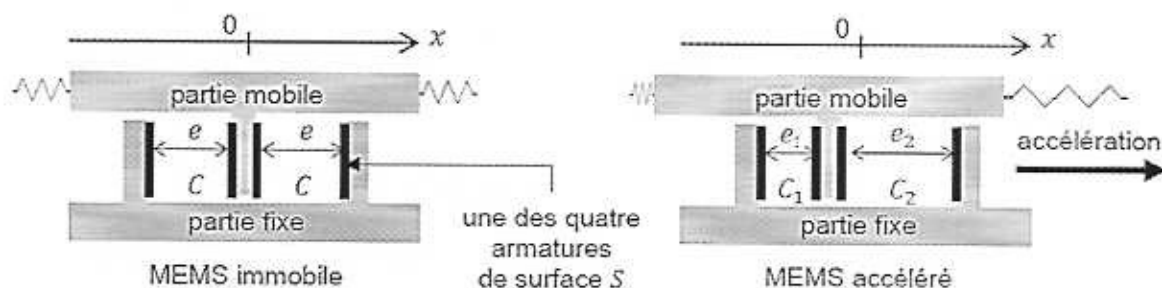


Figure 3. Schéma de principe de l'accéléromètre MEMS

- 2.1. La capacité d'un condensateur plan dont les armatures ont une surface S et sont séparées d'une distance e est donnée par la relation :

$$C = \varepsilon \cdot \frac{S}{e} \text{ où } \varepsilon \text{ est une constante.}$$

Comparer C_1 et C_2 en justifiant la réponse.

On suppose que les capacités sont reliées à l'accélération par les relations suivantes :

$C_1 = C \cdot (1 + k \cdot a_x)$ et $C_2 = C \cdot (1 - k \cdot a_x)$ où k est une constante positive et a_x est la composante de l'accélération suivant l'axe Ox .

- 2.2. Donner le signe de a_x qui permet de rendre compte de la situation schématisée sur la figure 3.

Un circuit électrique non décrit permet de délivrer une tension de sortie continue V_{out} reliée à la composante de l'accélération a_x par la fonction affine : $V_{out} = V_0 + S \cdot a_x$ où V_0 est une tension continue et S est appelée sensibilité du capteur d'accélération.

- 2.3. Pour un accéléromètre dédié à la détection d'un accident frontal et au déclenchement d'un airbag, $S = 27 \text{ mV/g}$ avec $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$. Donner la signification physique de V_0 et calculer la variation de la valeur de la tension de sortie pour une accélération suivant x de 40 g .

Partie 2. Étude d'un crash-test

Un essai de choc (crash-test) est une opération réalisée en laboratoire consistant à tester le comportement des véhicules en cas de choc ou de collision. Le véhicule testé est projeté à une vitesse donnée sur un obstacle massif de façon à reconstituer les conditions d'un choc et de mesurer les déformations du véhicule et les dommages causés aux passagers. Ceux-ci sont remplacés par des mannequins.

La figure 4 présente trois images issues de la vidéo d'un crash-test.
Le chronométrage est indiqué en millisecondes en haut à gauche sur chaque photo.
L'impact a lieu à la date $t = 0 \text{ s}$. Toutes les photos sont à la même échelle.

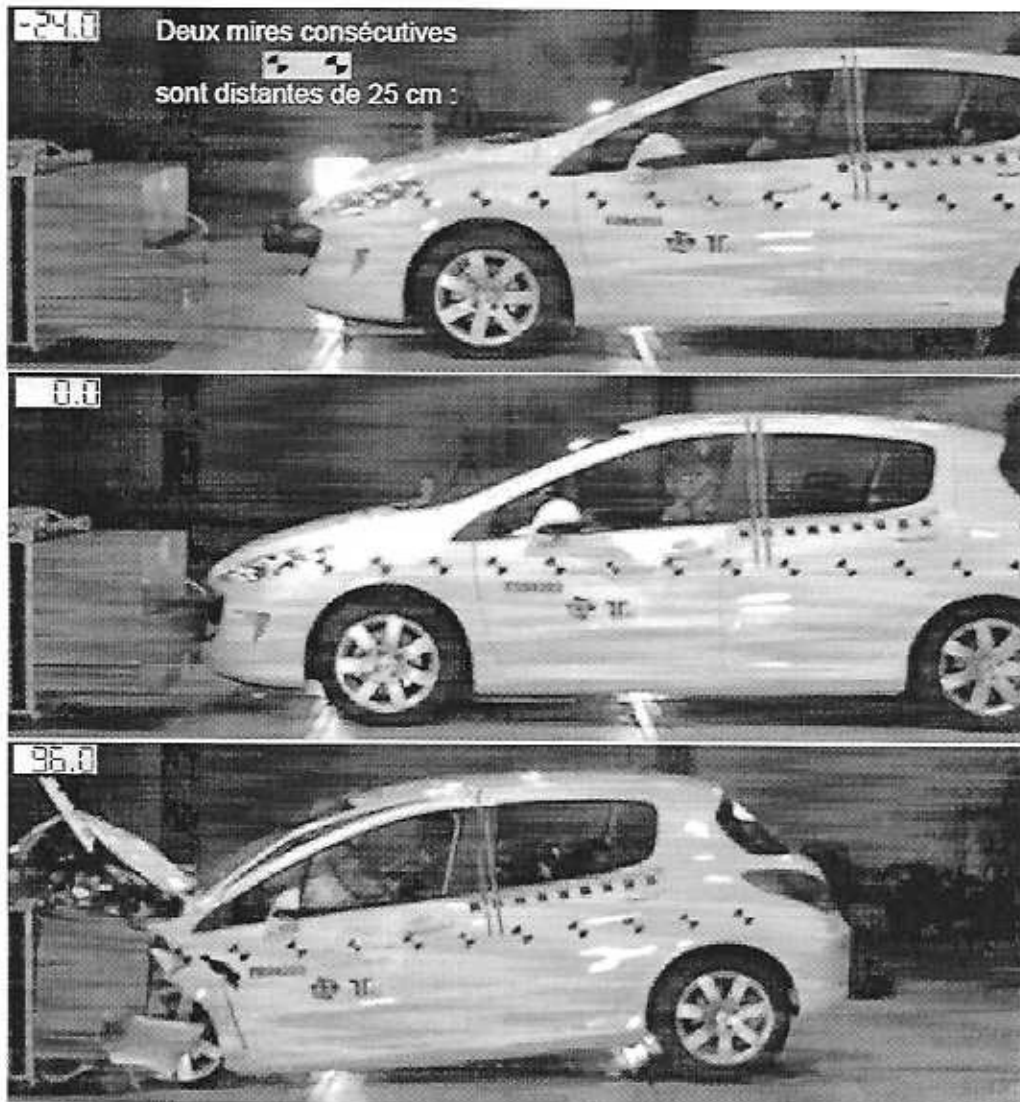


Figure 4. Photos du crash-test

Source : euroncap.com

3. Lors du crash-test, la voiture arrive à vitesse donnée sur l'obstacle.
À partir des images, évaluer cette vitesse en $\text{km}\cdot\text{h}^{-1}$. Détailler la démarche.
4. L'analyse de la vidéo permet de représenter les vitesses d'une des mires de la portière arrière de la voiture et de la tête du mannequin simulant le conducteur.

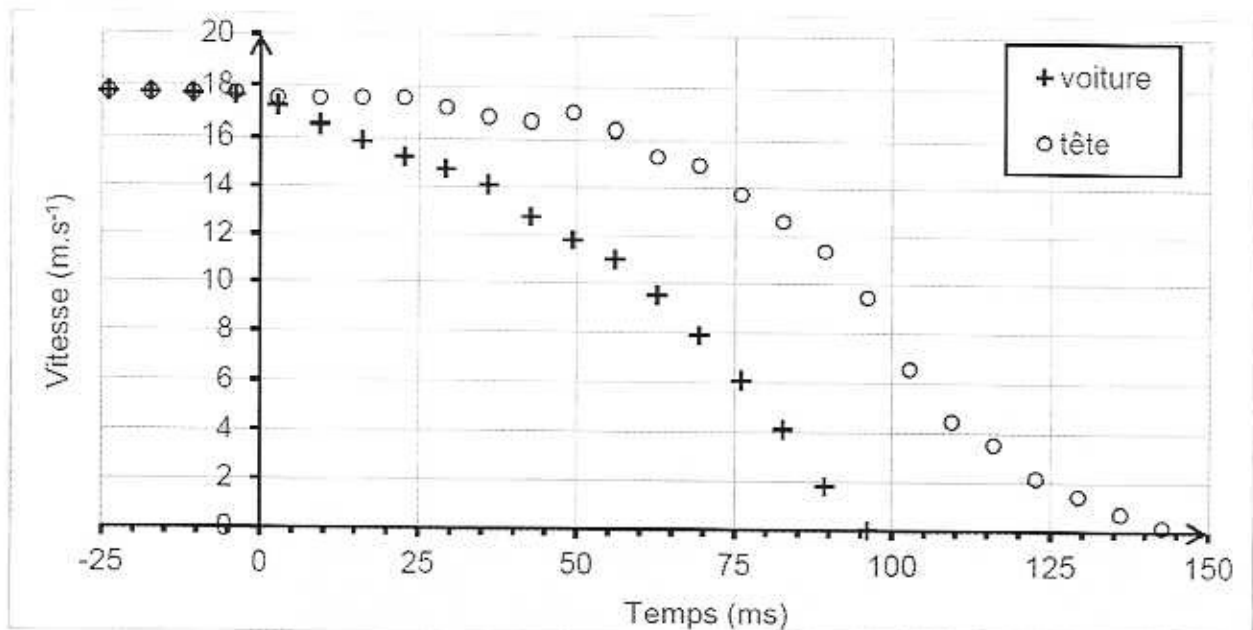


Figure 5.

Évolutions au cours du temps des vitesses de la voiture et de la tête

- 4.1. Caractériser le mouvement de la tête pendant les 25 ms suivant la date de l'impact qui a lieu à la date $t = 0$ s.
- 4.2. Schématiser sommairement la voiture à la date $t = 75$ ms et représenter sans souci d'échelle ses vecteurs vitesse et accélération.
- 4.3. Estimer la valeur maximale de l'accélération subie par la tête du mannequin au cours du choc.
Détailler la démarche.